Algoritmos y Estructuras de Datos I - Año 2016 - 2do cuatrimestre Examen final - 5 de diciembre de 2016

Tener en cuenta:

- Cada ejercicio debe entregarse en hojas separadas, numeradas y con el nombre y apellido en todas las hojas.
- Una vez terminadas las derivaciones de un ejercicio, escribir el programa-resultado final.
- 1. a) Derivar una definición recursiva para la función especificada por:

$$f.xs.n = \langle \text{Min } i : 0 \le i < \#xs \land xs.i > n : i \rangle$$

Esta función devuelve la posición del primer elemento de la lista que es mayor a n.

- b) Calcular f.[2, 4, 8].7 usando la especificación.
- c) Calcular f.[2,4,8].7 usando la definición obtenida en el punto a.
- 2. Considere el problema de, dado un arreglo, calcular la cantidad de segmentos cuyo producto es mayor que cero, especificado de la siguiente manera:

```
\begin{aligned} & \text{Const } N:Int, A:array[0,N) \ of \ Int; \\ & \text{Var } r:Int; \\ & \{P:N\geq 0\} \\ & \text{S} \\ & \{Q:r=\langle N\ p,q:0\leq p\leq q\leq N:\ prod.p.q>0\ \rangle \\ & \|prod.p.q=\langle \prod\ i:p\leq i< q:\ A.i\ \rangle\| \} \end{aligned}
```

- a) Derivar un programa imperativo que resuelva este problema.
 - **Ayuda:** Recuerde que a*b>0 si y sólo si ambos números a y b son mayores que cero, o ambos son menores que cero.
- b) ¿Cuál es el resultado para el arreglo A = [2, 0, -3, -8]? Justifique.
- 3. Especificar con pre y post condición los siguientes problemas. Declarar constantes y variables. **No** derivar.
 - a) Dado un número X, calcular la cantidad de divisores mayores que cero.
 - b) Dado un arreglo A de N elementos, y un número X, calcular si la cantidad de ceros en el arreglo es igual a X.
- 4. (Ejercicio para libres:) Derivar un programa imperativo que satisfaga la siguiente especificación.

```
\begin{aligned} & \mathsf{Const} \ \ N : Int, A : array[0, N) \ of \ Int; \\ & \mathsf{Var} \ \ r : Bool; \\ & \{P : N \geq 0\} \\ & \mathsf{S} \\ & \{Q : r = \langle \, \forall \, i \, : 0 \leq i < N : \ A.i = i! \, \rangle \} \end{aligned}
```