Introducción a la Lógica y la Computación - Lógica proposicional 28/09/2016, Práctico 2: Sintaxis y semántica

- 1. Suponga que de $f: At \to \{0,1\}$ sólo disponemos de la siguiente información, que describe el valor que adopta en algunos elementos de At.
 - a) $f(p_1) = f(p_2) = f(p_3) = 0$
 - b) $f(p_1) = 0$, $f(p_3) = 1$
 - c) $f(p_1) = f(p_2) = f(p_3)$

Determine (si es posible) $[((((\neg p_2) \to (p_3 \lor (p_1 \leftrightarrow p_2))) \land (\neg p_3)) \to p_3)]_f$.

2. Determine $\varphi[((\neg p_0) \to p_3)/p_0]$ para

$$\varphi = ((p_1 \land p_0) \to (p_0 \to p_3))$$

$$\varphi = ((p_3 \leftrightarrow p_0) \lor (p_2 \to (\neg(p_0)))).$$

- 3. Determine en cada caso si existe g (asignación) que satisfaga la condición dada.
 - a) $[\![\varphi]\!]_g := 1$ para toda $\varphi \in PROP$.
 - b) $[\![\varphi]\!]_g = [\![\varphi[\bot/p_0]]\!]_f$ para toda $\varphi \in PROP$, (donde f una asignación cualquiera). Además de decidir, describa a $[\![_]\!]_g$ con sus palabras. Pregunte a su compañero si entiende su definición :.
- 4. Sea $F: \{0,1\}^3 \to \{0,1\}$ dada por $F(p_0, p_1, p_2) = (p_0 + p_1 + p_2) mod(2)$ (resto de la división por 2). Encontrar una proposición que tenga a F como tabla de verdad.

Introducción a la Lógica y la Computación - Lógica proposicional 28/09/2016, Práctico 2: Sintaxis y semántica

- 1. Suponga que de $f: At \to \{0,1\}$ sólo disponemos de la siguiente información, que describe el valor que adopta en algunos elementos de At.
 - a) $f(p_1) = f(p_2) = f(p_3) = 0$
 - b) $f(p_1) = 0$, $f(p_3) = 1$
 - c) $f(p_1) = f(p_2) = f(p_3)$

Determine (si es posible) $[((((\neg p_2) \to (p_3 \lor (p_1 \leftrightarrow p_2))) \land (\neg p_3)) \to p_3)]_f$.

2. Determine $\varphi[((\neg p_0) \to p_3)/p_0]$ para

$$\varphi = ((p_1 \land p_0) \to (p_0 \to p_3))$$

$$\varphi = ((p_3 \leftrightarrow p_0) \lor (p_2 \to (\neg(p_0)))).$$

- 3. Determine en cada caso si existe g (asignación) que satisfaga la condición dada.
 - a) $[\![\varphi]\!]_q := 1$ para toda $\varphi \in PROP$.
 - b) $\llbracket \varphi \rrbracket_g = \llbracket \varphi \llbracket \bot / p_0 \rrbracket \rrbracket_f$ para toda $\varphi \in PROP$, (donde f una asignación cualquiera). Además de decidir, describa a $\llbracket _ \rrbracket_g$ con sus palabras. Pregunte a su compañero si entiende su definición ::.
- 4. Sea $F: \{0,1\}^3 \to \{0,1\}$ dada por $F(p_0, p_1, p_2) = (p_0 + p_1 + p_2) mod(2)$ (resto de la división por 2). Encontrar una proposición que tenga a F como tabla de verdad.