

Proyecto 1

Algoritmos y Estructuras de Datos I Laboratorio

11 de marzo de 2012

El objetivo de este práctico es recordar (o aprender) cómo definir funciones en Haskell. En particular, se evaluará la definición de funciones recursivas usando caso base y caso inductivo (a través de análisis por casos, o pattern-matching). En algunas de las funciones será necesario utilizar definiciones locales y también el uso de guardas para alternativas booleanas. En otros casos deberás utilizar lo que en Haskell se llaman “sections”, que corresponde a la aplicación parcial de operadores binarios.

En todos los ejercicios escribe el tipo (y la clase) al que pertenece la función. Cuando haya que definir dos versiones de la función `ejemplo`, llama a la segunda versión `ejemplo'`.

Los primeros ejercicios tienen como objetivo realizar en Haskell una mímica de los cuantificadores generalizados vistos en el teórico.

Se recomienda hacer primero los ejercicios sin punto estrella. Una vez finalizados, revisados y testeados intentar recién, en ese momento, hacer los estrella.

1. Una vez terminado el ejercicio de programación de los cuantificadores del práctico (en lápiz y papel programados en formalismo básico) prográmelos en Haskell incluyendo su tipo.

- a) Función *paratodo*, que dada una lista de valores $R : [A]$ y un predicado $T : A \rightarrow Bool$ (predicado sobre elementos en A), determina si todos los elementos en R hacen verdadero el predicado T , es decir:

$$\frac{}{\text{paratodo} : [A] \rightarrow (A \rightarrow Bool) \rightarrow Bool}$$
$$\text{paratodo}.R.T \doteq \langle \forall i : i \in R : T.i \rangle$$

- b) La función *existe*, que dada una lista de valores $R : [A]$ y un predicado $T : A \rightarrow Bool$, determina si algún elemento en R hace verdadero el predicado T , es decir:

$$\frac{}{\text{existe} : [A] \rightarrow (A \rightarrow Bool) \rightarrow Bool}$$
$$\text{existe}.R.T \doteq \langle \exists i : i \in R : T.i \rangle$$

- c) La función *sumatoria*, que dada una lista de valores $R : [A]$ y una función $T : A \rightarrow Int$ (toma elementos de A y devuelve enteros), calcula la suma de la aplicación de T a los elementos en R es decir:

$$\frac{}{\text{sumatoria} : [A] \rightarrow (A \rightarrow Int) \rightarrow Int}$$
$$\text{sumatoria}.R.T \doteq \langle \sum i : i \in R : T.i \rangle$$

- d) La función *productoria*, que dada una lista de valores $R : [A]$ y una función $T : A \rightarrow Int$, calcula el producto de la aplicación de T a los elementos de R , es decir:

$$\frac{}{\text{productoria} : [A] \rightarrow (A \rightarrow Int) \rightarrow Int}$$
$$\text{productoria}.R.T \doteq \langle \prod i : i \in R : T.i \rangle$$

Punto ★ 1 Al escribir las dos últimas funciones en Haskell, se puede declarar su tipo de forma tal que admitan distintos valores aritméticos en `Int`, `Integer`, `Double`, etc?

Ayuda: Usar clases.

2. Utilizando las funciones anteriores escribir las siguientes en Haskell:

- a) `todosPares :: [Int] → Bool` devuelve verdadero si los todos los elementos son pares.

Ayuda: La función que determina si un `Integer` es par está en el `Prelude` de Haskell

- b) `hayMultiplo :: Int → [Int] → Bool` devuelve verdadero si hay algún número en la lista que es múltiplo del primer parámetro.
- c) `sumaCuadrados :: Int → Int` dado un número no negativo n devuelve la suma de los primeros n cuadrados:

$$\frac{\text{sumaCuadrados} : \text{Int} \rightarrow \text{Int}}{\text{sumaCuadrados}.n \doteq \langle \sum i : 0 \leq i < n : i^2 \rangle}$$

Ayuda: En Haskell se puede escribir la lista que contiene el rango de números entre n y m como `[n..m]`.

Pregunta de la ayuda: ¿Qué sucede si $n > m$?

3. Verificar que se cumplan las reglas de rango vacío y unitario en el ejercicio 1. Para ello desplegar la definición de la función escrita en Haskell y/o probar corriendo los casos de prueba.
4. Una vez que termine de escribir la definición recursiva de la función `cuantGen` que aparece en un ejercicio del práctico, traducirla al lenguaje Haskell incluyendo su tipo.
5. Reescribir en Haskell todas las funciones del punto 2 utilizando `cuantGen` (sin usar inducción y en una línea por función).
6. Considere las siguientes funciones:

- `sumarALista :: Num a => a -> [a] -> [a]` que toma un número y una lista de números y le suma a cada elemento de la lista el primer parámetro. Por ejemplo:

```
sumarALista 3 [4,6,7] = [7,9,10]
```

- `encabezar :: a -> [[a]] -> [[a]]` que toma una expresión de tipo `a` y lo pone en la cabeza de cada lista del segundo parámetro. Por ejemplo:

```
encabezar 3 [[2,1], [], [4,7]] = [[3,2,1], [3], [3,4,7]]
```

- a) Escriba `sumarALista` y `encabezar` usando caso base y caso inductivo.
- b) Escriba ambas funciones utilizando el funcional `map`. Esta vez, no puedes usar más de una línea para cada una, y tampoco puede haber definiciones locales.

7. Programar una función que dada una lista de números devuelve aquellos que son pares.

- a) Programarla con caso base e inductivo.
- b) Buscar y utilizar una función en el Preludio para poder programarla sin recursión.

Ayuda: La función del preludio filtra los elementos de una lista que cumplen un predicado. Tiene tipo `(a -> Bool) -> [a] -> [a]`.

Buscarla en <http://haskell.org/hoogle>.

8. Considere la función `encuentra` que dado un valor de tipo `Int` y una lista de pares `[(Int, String)]` devuelve el segundo componente del primer par cuyo primer componente es igual al primer parámetro. En el caso que ningún elemento de la lista cumpla con esto, devolver el string vacío. Por ejemplo:

```
encuentra 10 [(40, "tos"), (10, "uno"), (16, "taza"), (10, "dos")] = "uno"
encuentra 102 [(40, "tos"), (103, "vela"), (16, "taza")] = ""
encuentra 102 [] = ""
```

Definir la función en forma recursiva pensando el caso base y caso inductivo.

9. La función `primIgualesA` toma un valor y una lista y devuelve el tramo inicial más largo de la lista cuyos elementos son iguales al valor. Por ejemplo:

```
primIgualesA 3 [3,3,4,1] = [3,3]
primIgualesA 3 [4,3,3,4,1] = []
primIgualesA 3 [] = []
primIgualesA 'a' "aaadaa" = "aaa"
```

- a) Programar `primIgualesA` con caso base e inductivo.
- b) En el preludio existe una función que es más general que `primIgualesA`; utilizá esa función para programar `primIgualesA` en una sólo línea.

Ayuda: La función en el preludio tiene tipo $(a \rightarrow \text{Bool}) \rightarrow [a] \rightarrow [a]$.

- c) La función `primIguales` toma una lista y devuelve el mayor tramo inicial de la lista cuyos elementos son todos iguales entre sí. Por ejemplo:

```
primIguales [3,3,4,1] = [3,3]
primIguales [4,3,3,4,1] = [4]
primIguales [] = []
primIguales "aaadaa" = "aaa"
```

Programar con caso base e inductivo `primIguales`.

- d) Usar cualquier versión de `primIgualesA` para programar `primIguales` sin recursión.

10. Programar utilizando recursión las funciones:

- a) `contarLa :: String -> Integer` que cuenta la cantidad de apariciones de la subcadena "la" en un string.

Ayuda: *Pensar dos casos bases y caso inductivo.*

- b) `contarLas :: String -> Integer` que cuenta la cantidad de apariciones de la subcadena "las" en un string.

11. Definir por recursión la función `minimo` que devuelva el mínimo de una lista.

- a) Definirla para listas no vacías.
- b) Definirla para listas vacías limitando su tipo a la clase `Bounded` para poder definir el caso base.