

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Tipos concretos

28 de marzo de 2016

Tipos de datos

Arreglos

Listas

Tuplas

Punteros

Ejemplos

Tipos de datos

Conceptualmente distinguimos dos clases de tipos de datos:

- ▶ Tipos de datos **concretos**:
 - ▶ son provistos por el lenguaje de programación,
 - ▶ es un concepto **dependiente** del lenguaje de programación,
 - ▶ comúnmente: enteros, char, string, booleanos, arreglos, reales,
- ▶ Tipos de datos **abstractos**:
 - ▶ **surgen de analizar el problema** a resolver,
 - ▶ es un concepto **independiente** del lenguaje de programación,
 - ▶ eventualmente se implementará utilizando tipos concretos,
 - ▶ eso da lugar a una **implementación** o **representación** del tipo abstracto
 - ▶ ejemplo: si se quiere desarrollar una aplicación para un gps que calcule ciertos caminos óptimos, seguramente surgirá considerar un grafo donde las aristas son segmentos de rutas.

Tipos abstractos de datos (TADs)

- ▶ Identificar los tipos abstractos de datos **surge de analizar detenidamente el problema a resolver.**
- ▶ Identificarlos y especificarlos es una tarea que **siempre es recompensada.**
- ▶ Ejemplificaremos a través de una serie de problemas, cada uno de ellos dará lugar a un tipo abstracto.
- ▶ Pero antes (clase de hoy) hablaremos de tipos concretos habituales.
- ▶ Saltaremos tipos sencillos conocidos: booleanos, enteros, char, reales.
- ▶ Abordaremos tipos más complejos, como tuplas, listas, arreglos.

Arreglos

Declaración

- ▶ La mayoría de los lenguajes de programación proporcionan arreglos como tipo concreto.
- ▶ Dado un tipo T , normalmente se declaran de la siguiente forma:
type tarray = **array**[M..N] of T
var a: tarray
- ▶ El tipo tarray así definido corresponde al producto Cartesiano T^{N-M+1} .
- ▶ Las celdas de los arreglos se alojan normalmente en **espacios contiguos** de memoria.
- ▶ Algunos lenguajes, como C, imponen que M debe ser 0 (y por lo tanto no hace falta escribirlo).
- ▶ En el teórico-práctico no adoptamos esa imposición.

Arreglos

Índices

- ▶ Por el contrario, podemos permitirnos más libertad.
- ▶ Por ejemplo, otra posibilidad es:
type tindex = **array**['a'..'z'] **of nat**
var page: tindex
- ▶ El arreglo `page` podría servir de índice de la guía telefónica, por ejemplo, informando en qué página aparecen listadas las personas cuyos nombres comienzan con cada letra. Por ejemplo, `page['g'] = 271` significaría que en la página 271 de la guía comienzan los nombres de personas cuya primera letra es la letra `g`.

Arreglos

Índices

- ▶ Por ejemplo, otra posibilidad es:

```
type tweek = (sun, mon, tue, wed, thu, fri, sat)
```

```
type tcalendar = array [mon..fri] of T
```

```
var cal: tcalendar
```

- ▶ El arreglo cal posee 5 celdas, una para cada día hábil de la semana. Por ejemplo, con un **T** adecuado, cal podría almacenar las tareas a desarrollar cada uno de esos días.

Arreglos

Índices

- ▶ Esto muestra que se puede utilizar una variedad de conjuntos como índices de arreglos.
- ▶ Debe haber una clara noción de **el siguiente de**,
 - ▶ cosa que ocurre con enteros (el siguiente de 4 es 5),
 - ▶ caracteres (el siguiente de 'h' es 'i')
 - ▶ tipos enumerados como tweek (el siguiente de wed es thu),
 - ▶ entre otros.

Arreglos

Dimensiones

- ▶ También es frecuente la utilización de arreglos multidimensionales,
- ▶ ejemplos:

```
type tarray1 = array[1..N,1..M] of T
```

```
type tarray2 = array[1..N,'a'..'z',sunday..saturday] of T
```

```
var b: tarray1
```

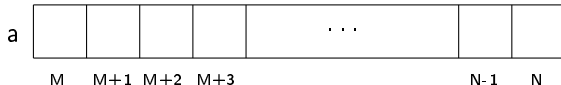
```
var c: tarray2
```

- ▶ Los arreglos bidimensionales se suelen denominar matrices y se grafican como tales.
- ▶ Para enfatizar el hecho de que un arreglo es unidimensional a veces se lo llama vector.

Arreglos

Representación gráfica

- ▶ Las celdas de un arreglo suelen alojarse en espacios contiguos de memoria.
- ▶ Por ello, el arreglo a declarado recientemente suele representarse gráficamente de la siguiente manera:

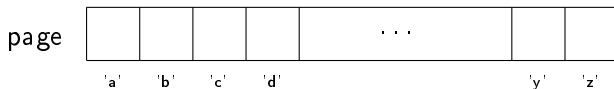


- ▶ Se observa una celda para cada índice entre M y N .
- ▶ Al desplegarse en forma adyacente sugiere efectivamente que se alojan en espacios contiguos de memoria.

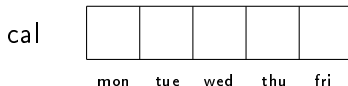
Arreglos

Representación gráfica

- ▶ El arreglo `page`, declarado anteriormente puede representarse gráficamente de la siguiente manera:



- ▶ mientras que el arreglo `cal`, puede representarse así



- ▶ Cualquiera de los arreglos unidimensionales (`a`, `page`, `cal`, etc.) puede representarse también verticalmente.

Arreglos

Representación gráfica de arreglos bidimensionales

- ▶ Los arreglos bidimensionales se denominan también matrices, y se representan gráficamente como tales.
- ▶ Por ejemplo, el arreglo b declarado anteriormente puede representarse gráficamente de la siguiente manera:

b	1	2	3	4		M-1	M
1							
2							
					⋮		
N					⋯		

Arreglos

Operaciones

- ▶ El valor alojado en la celda i de a se obtiene evaluando la expresión $a[i]$ y se modifica asignando a $a[i]$.
- ▶ Ejemplo de acceso al valor alojado en dicha celda: $x := a[i] + 3$ (si a es, por ejemplo, un arreglo de enteros)
- ▶ Ejemplo de modificación de dicha celda $a[i] := 7$.
- ▶ Otros ejemplos:
 - ▶ $a[i] := i$
 - ▶ $a[i] := a[j]$
 - ▶ $a[a[i]] := a[i]$
- ▶ Similarmente para los otros arreglos (asumiendo que T es `int`)
 - ▶ $k := \text{page}[a] + 1$
 - ▶ $t := \text{cal}[fri]$
 - ▶ $b[i,k] := b[i,j] + b[j,k]$
 - ▶ En $b[i,k]$, intuitivamente i indica la fila y k la columna.

Arreglos

Orden

- ▶ Al estar alojado en espacios contiguos, con una cuenta muy sencilla el programa puede calcular donde se encuentra cada celda.
- ▶ Por eso, acceder o modificar cualquier celda lleva tiempo *constante*.
- ▶ Es decir, el tiempo de acceso al valor de una celda, o el tiempo de modificación de una celda no depende del número de celdas
- ▶ (pero sí puede depender del tipo **T** ya que lo que se está accediendo o modificando es un elemento de ese tipo).
- ▶ O sea que hicimos bien en elegir comparaciones como operación elemental al analizar algoritmos de ordenación.

Arreglos

Tamaño

- ▶ Los arreglos tienen longitud prefijada: en el caso del arreglo a , $N-M+1$.
- ▶ Normalmente $N > M$, pero se puede admitir también $N=M$ (longitud 1) e incluso $N < M$ (longitud 0).
- ▶ El tamaño total del arreglo (espacio ocupado en memoria) es la longitud del mismo multiplicada por el tamaño de cada celda, que depende del tipo T .
- ▶ Es decir, el espacio que ocupa es *del orden de n* donde n es la longitud del arreglo (diremos que el espacio que ocupa es *lineal* en el número de celdas).

Arreglos

Comando **for**

- ▶ Para inicializar y modificar arreglos es muy común utilizar el comando **for**.
- ▶ Por ejemplo, el siguiente comando inicializa todas las celdas de `a` con el valor 0.

```
for i:= M to N do a[i]:= 0 od
```

- ▶ Intuitivamente, el comando dice que para todo valor de `i` entre `M` y `N`, ambos inclusive, se asigna 0 a la celda `a[i]`.

Arreglos

Comando **for**

- ▶ El comando **for** adquiere en general la forma
for i:= M **to** N **do** c **od**
for k:= 'a' **to** 'z' **do** c **od**
for d:= tue **to** fri **do** c **od**
- ▶ donde en los tres ejemplos, c, llamado **el cuerpo del for**, es cualquier comando que **no modifica** el valor de la variable que se usa como índice¹ (i, l y d respectivamente en estos ejemplos).

¹Lamentablemente, la mayoría de los lenguajes de programación permiten que dicha variable sea modificada en el cuerpo del **for**. Se considera una **muy mala práctica** de programación escribir un **for** en el que eso ocurre.

Arreglos

Comando **for**

En el ejemplo del arreglo tridimensional *c* declarado más arriba, si se quiere inicializar todo el arreglo (asumiendo que **T** es, por ejemplo, **int**), se lo puede hacer a través de 3 ciclos **for** anidados:

```
for i:= M to N do  
    for k:= 'a' to 'z' do  
        for d:= tue to fri do  
            c[i,k,d]:= 0  
        od  
    od  
od
```

Arreglos

Comando **for**

- ▶ Por último, decimos que un invariante de **for** $i := M$ **to** N **do** c **od** es un predicado $\mathcal{I}(i)$, tal que
 - ▶ $\mathcal{I}(M)$ vale antes de la ejecución del **for**,
 - ▶ y la validez de $\mathcal{I}(i) \wedge M \leq i \leq N$ antes de cada ejecución de c garantiza la validez de $\mathcal{I}(i+1)$ después de dicha ejecución de c .
- ▶ Entonces, si $N \geq M-1$, al finalizar el **for** se cumple $\mathcal{I}(N+1)$.

Listas

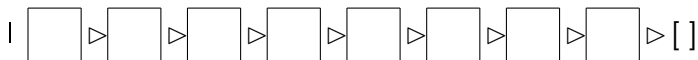
Declaración

- ▶ Algunos lenguajes de programación (por ejemplo Haskell) permiten declarar listas:
- ▶ **type** tlist = list of **T**
var l: tlist
- ▶ El tipo tlist así definido corresponde a la unión de los productos Cartesianos \mathbf{T}^i , es decir, corresponde a $\bigcup_{i=0}^{\infty} \mathbf{T}^i$.
- ▶ Así, a diferencia del arreglo cuya longitud está predeterminada, el número de elementos de una lista no lo está.
- ▶ A priori, puede contener una cantidad arbitraria de elementos de **T**.
- ▶ Las celdas de la lista **no** necesariamente se alojan en **espacios contiguos** de memoria.

Listas

Representación gráfica

- ▶ La lista `l` declarada recientemente puede representarse gráficamente de la siguiente manera:



- ▶ En la representación gráfica se ve una celda para cada elemento de la lista, que al desplegarse con el símbolo ▷ sugiere la existencia de una flecha desde una celda a la siguiente.

Listas

Operaciones

- ▶ Se puede acceder a un elemento de la lista o modificarlo a través de la operación "`.`".
- ▶ Por ejemplo, `k := l.i` ó `l.i := 5`. Esto es muy parecido a lo que ocurre con los arreglos.
- ▶ Además, puede modificarse la propia lista, por ejemplo `l := e` ▷ `l` agrega un elemento al comienzo y `l := tail(l)` lo quita.
- ▶ Son justamente estas operaciones especiales las que dificultan alojar una lista en espacios contiguos de memoria.

Listas

Operaciones

- ▶ Al agregarse un elemento a una lista, no hay ninguna garantía de que haya espacio libre justo en la posición de memoria adyacente a donde se encuentra el primer elemento de la lista.
- ▶ Si se quisiera alojar la nueva lista en espacios contiguos habría que copiar la lista entera en una parte de la memoria donde haya suficiente espacio libre para toda la lista.
- ▶ Esto no es lo que normalmente se hace ya que las modificaciones requerirían copiar toda la lista y por lo tanto serían *lineales* en el número de celdas.
- ▶ En lugar de esto, se aloja el elemento que se quiere agregar en una nueva posición de memoria (cualquiera que esté libre) y se mantiene la información que dice en qué posición de la memoria se encuentran los siguientes elementos de la lista.

Listas

Orden de acceso

- ▶ Así, estas modificaciones resultan *constantes* en lugar de *lineales*, o sea, no dependen del número de celdas de la lista.
- ▶ Luego de una secuencia de modificaciones, los elementos de una lista pueden quedar desperdigados en la memoria.
- ▶ Siempre se puede recorrer la lista ya que se cuenta con la información necesaria, como sugiere la representación gráfica, para ir de cada elemento de la lista al siguiente.
- ▶ Esto significa que para acceder al i -ésimo elemento de una lista es necesario recorrerla secuencialmente hasta encontrarlo, operación que resulta *del orden de i* .

Listas

Comando **for**

- ▶ No siempre los lenguajes de programación tienen el tipo concreto lista.
- ▶ Los más importantes ofrecen, sin embargo, alguna forma de implementarlo. Veremos luego que se pueden implementar listas usando los tipos concretos tupla y puntero.
- ▶ Puede convenir a veces extender la notación del **for** para recorrer listas.
- ▶ Por ejemplo, si se quiere ejecutar c una vez para cada elemento e de la lista l (del primero al último) se escribe:

for $e \in l$ **do** c **od**

Arreglos

Comando **for**

- ▶ La misma notación puede utilizarse también al recorrer arreglos si el cuerpo del **for** no necesita referirse a las posiciones. Por ejemplo,

for $e \in a$ **do** c **od**

ejecuta el cuerpo c para todos los elementos alojados en celdas de a , independientemente de la dimensión del arreglo a .

Tuplas

Declaración

También llamados registros o estructuras, se utilizan para representar productos Cartesianos, pero ahora cuando los conjuntos entre los que se hace el producto son distintos, es decir, de la forma $T_1 \times T_2 \times T_3$ donde los T_i pueden ser tipos distintos. Se declaran de la siguiente forma

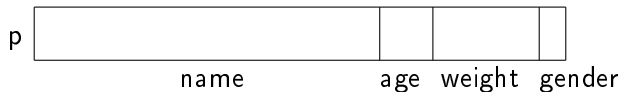
```
type tperson = tuple
    name: string
    age: nat
    weight: real
    gender: (male, female)
end tuple

var p: tperson
```

Tuplas

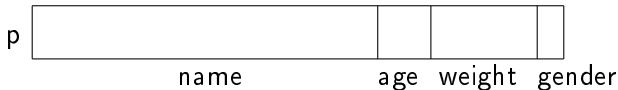
Representación gráfica

El tipo `tperson` así definido corresponde a $\text{string} \times \text{nat} \times \text{real} \times \{\text{male}, \text{female}\}$, y `name`, `age`, `weight` y `gender` se llaman **campos**. Las tuplas se alojan normalmente en **espacios contiguos** de memoria. Se puede representar gráficamente de la siguiente manera:



Tuplas

Representación gráfica



- ▶ En la misma se ven los campos de distinto tamaño porque cada uno de ellos puede ocupar un espacio diferente.
- ▶ Lo alojado en cada campo se obtiene evaluando las expresiones `p.name`, `p.age`, `p.weight` y `p.gender` y se modifica de manera similar (por ejemplo, `p.name := "Juan"`).
- ▶ Al estar alojado en espacios contiguos de memoria acceder o modificar cualquier campo lleva tiempo **constante**, aunque depende del tipo T ; del campo en cuestión.
- ▶ El espacio de memoria que ocupa una tupla es la suma de los espacios que ocupan sus campos.

Punteros

Declaración

Dado un tipo T, se puede declarar el tipo “puntero a T”. Por ejemplo, si tperson es el tipo definido más arriba

```
type tp_person = pointer to tperson  
var p: tp_person
```

La variable p así declarada es un puntero a tperson. Esto significa que p puede almacenar una dirección de memoria donde se aloja una tperson.

Punteros

Operaciones

Las operaciones con punteros son las siguientes:

```
p := e  
alloc(p)  
free(p)
```

- ▶ El primer comando es una asignación: e es una expresión cuyo valor es la dirección de memoria de una $tperson$, la asignación tiene por efecto que dicha dirección sea alojada ahora en p .
- ▶ El segundo comando reserva un nuevo espacio de memoria capaz de almacenar una $tperson$, y la dirección de ese nuevo espacio de memoria se aloja en p .

Punteros

Operaciones

Las operaciones con punteros son las siguientes:

$p := e$

`alloc(p)`

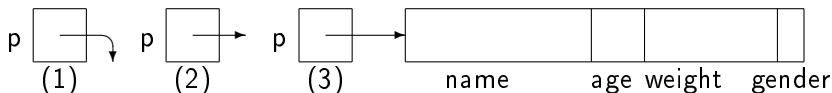
`free(p)`

- ▶ El tercer comando libera el espacio de memoria señalado por p , es decir, cuya dirección se encuentra alojada en p .
 - ▶ Puede darse que p tenga como valor una dirección de memoria que no está actualmente reservada (por ejemplo, inmediatamente después de haber ejecutado `free(p)`).
 - ▶ Para evitar permanecer en este estado, existe un valor especial que puede adoptar un puntero, llamado **null**.
 - ▶ Cuando el valor de p es **null**, p no señala ninguna posición de memoria.

Punteros

Representación gráfica

Hay distintas representaciones gráficas, una para cada una de las posibles situaciones:



- ▶ En la situación (1), el valor de `p` es **null**, `p` no señala ninguna posición de memoria.
- ▶ En la situación (2) la posición de memoria señalada por `p` no está reservada, por ejem. inmediatamente después de `free(p)`.
- ▶ En la situación (3) el valor de `p` es la dirección de memoria donde se aloja la `tperson` representada gráficamente al final de la flecha, por ejemplo, inmediatamente después de `alloc(p)`.

Punteros

Representación gráfica

- ▶ En la situación (3), $\star p$ denota la `tperson` que se encuentra señalada por `p`, y por lo tanto, $\star p.name$, $\star p.age$, $\star p.weight$ y $\star p.gender$, sus campos.
- ▶ Esta notación permite acceder a la información alojada en la `tperson` y modificarla mediante asignaciones a sus campos (por ejemplo, $\star p.name := \text{"Juan"}$).
- ▶ Siempre en la situación (3), si `r` es una `tperson`, también se puede hacer $\star p := r$ alojando `r` en la posición señalada por `p` (pero perdiendo lo que había anteriormente en esa posición de memoria).
- ▶ Esta última asignación no es válida en algunos lenguajes (por ejemplo, no es válida en C).

Punteros

Notación

- ▶ Una notación conveniente para acceder a los campos de una tupla señalada por un puntero es la flecha “ \rightarrow ”.
- ▶ Así, en vez de escribir $\star p.name$, podemos escribir $p \rightarrow name$ tanto para leer ese campo como para modificarlo.
- ▶ Esta notación reemplaza el uso de dos operadores (“ \star ” y “ $.$ ”) por uno visualmente más apropiado (por ejemplo, $p \rightarrow name :=$ “Juan”).
- ▶ La notación $\star p$ y sus derivadas $\star p.name$, $p \rightarrow name$, etc. sólo pueden utilizarse en la situación (3).

Punteros

Punteros colgantes y **null**

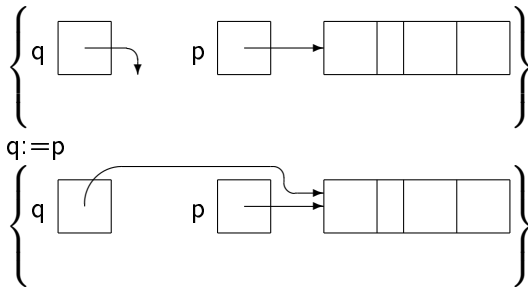
En la situación (2) el valor de *p* es inconsistente, no debe utilizarse ni accederse una dirección de memoria no reservada ya que no se sabe, a priori, qué hay en ella (en particular puede haber sido reservada para otro uso y al modificarlo se estaría corrompiendo información importante para tal uso). Los punteros que se encuentran en la situación (2) se llaman comúnmente referencias o punteros colgantes (dangling pointers).

En la situación (1) el valor de *p* es **null**, es decir que *p* no señala ninguna posición de memoria. Por ello, no tiene sentido intentar acceder a ella.

Punteros

Aliasing

Como vemos, los punteros permiten manejar explícitamente direcciones de memoria. Esto no es sencillo, aparecen situaciones que con los tipos de datos usuales no se daban. Por ejemplo:



Punteros

Aliasing

Como se ve, después de la asignación, q y p señalan a la misma tupla, por lo que cualquier modificación en campos de $*q$ también modifican los de $*p$ (claro, ya que son los mismos) y viceversa. Estamos en presencia de lo que se llama **aliasing**, es decir, hay 2 nombres distintos ($*p$ y $*q$) para el mismo objeto y al modificar uno se modifica el otro. Programar correctamente en presencia de aliasing es muy delicado y requiere gran atención.

Punteros

Orden

Acceder o modificar lo señalado por un puntero es claramente *constante*, ya que el puntero contiene la dirección exacta donde se encuentra en la memoria. El *orden* de las operaciones *alloc* y *free*, en cambio, depende del compilador del lenguaje. Existen diferentes maneras -no triviales- de implementarlas.

Punteros

Administración de la memoria

Siempre hemos asumido que no es necesario ocuparse de reservar y liberar espacios de memoria para las variables. Los punteros como p y q son variables, así que **tampoco es necesario reservar y liberar espacio para ellos**. Pero las operaciones `alloc` y `free` son las responsables de reservar y liberar explícitamente espacio **para los objetos que p y q señalan**.

Esta posibilidad significa ciertas libertades: el programador puede decidir exactamente cuándo reservar espacio para una tupla. Por otro lado, significa también más responsabilidad: el programador es el que debe encargarse de liberar el espacio cuando deje de ser necesario.

Punteros

Administración de la memoria

Pero el verdadero beneficio de los punteros radica en que permiten una gran flexibilidad para representar estructuras complejas, y por lo tanto, para implementar diferentes tipos abstractos de datos.

Creación de un arreglo

```
fun sequence (n : nat) ret a: array[1..n] of nat  
  for i:= 1 to n do a[i]:= i od  
end fun
```

Creación de una lista

```
fun sequence (n : nat) ret b: list of nat  
  b := []  
  for i := n downto 1 do b := i ▷ b od  
end fun
```

Creación de una lista enlazada

```
type node = tuple
    value: nat
    next: pointer to node
end tuple
fun sequence (n : nat) ret c: pointer to node
    var aux: pointer to node
    c := null
    for i := n downto 1 do
        alloc(aux)
        aux → value := i
        aux → next := c
        c := aux
    od
end fun
```