Algoritmos y Estructuras de Datos II - 1° cuatrimestre 2019

Práctico 3 - Parte 2: Backtracking.

1. En un extraño país las denominaciones de la moneda son 15, 23 y 29, un turista quiere comprar un recuerdo pero también quiere conservar el mayor número de monedas posibles. Los recuerdos cuestan 68, 74, 75, 83, 88 y 89. Asumiendo que tiene suficientes monedas para comprar cualquiera de ellos, ¿cuál de ellos elegirá? ¿qué monedas utilizará para pagarlo? Justificar claramente y mencionar el método utilizado.

2. Una panadería recibe n pedidos por importes $m_1, \ldots, m_n$, pero sólo queda en depósito una cantidad H de harina en buen estado. Sabiendo que los pedidos requieren una cantidad $h_1, \ldots, h_n$ de harina (respectivamente), determinar el máximo importe que es posible obtener con la harina disponible.

3. Usted se encuentra en un globo aerostático sobrevolando el océano cuando descubre que empieza a perder altura porque la lona está levemente dañada. Tiene consigo n objetos cuyos pesos $p_1, \ldots, p_n$ y valores $v_1, \ldots, v_n$ conoce. Si se desprende de al menos P kilogramos logrará recuperar altura y llegar a tierra firme, y afortunadamente la suma de los pesos de los objetos supera holgadamente P. ¿Cuál es el menor valor total de los objetos que necesita arrojar para llegar sano y salvo a la costa?

4. Sus amigos quedaron encantados con el teléfono satelital, para las próximas vacaciones ofrecen pagarle un alquiler por él. Además del día de partida y de regreso (p_i y r_i) cada amigo ofrece un monto m_i por día. Determinar el máximo valor alcanzable alquilando el teléfono.

5. Un artesano utiliza materia prima de dos tipos: A y B. Dispone de una cantidad MA y MB de cada una de ellas. Tiene a su vez pedidos de fabricar n productos $p_1, \ldots, p_n$ (uno de cada uno). Cada uno de ellos tiene un valor de venta $v_1, \ldots, v_n$ y requiere para su elaboración cantidades $a_1, \ldots, a_n$ de materia prima de tipo A y $b_1, \ldots, b_n$ de materia prima de tipo B. ¿Cuál es el mayor valor alcanzable con las cantidades de materia prima disponible?

6. En el problema de la mochila se buscaba el máximo valor alcanzable al seleccionar entre n objetos de valores $v_1, \ldots, v_n$ y pesos $w_1, \ldots, w_n$, respectivamente, una combinación de ellos que quepa en una mochila de capacidad W. Si se tienen dos mochilas con capacidades W_1 y W_2, ¿cuál es el valor máximo alcanzable al seleccionar objetos para cargar en ambas mochilas?

7. Una fábrica de automóviles tiene dos líneas de ensamblaje y cada línea tiene n estaciones de trabajo, $S_{1,1}, \ldots, S_{1,n}$ para la primera y $S_{2,1}, \ldots, S_{2,n}$ para la segunda. Dos estaciones $S_{1,i}$ y $S_{2,i}$ (para $i = 1, \ldots, n$), hacen el mismo trabajo, pero lo hacen con costos $a_{1,i}$ y $a_{2,i}$ respectivamente, que pueden ser diferentes. Para fabricar un auto debemos pasar por n estaciones de trabajo $S_{i_1,1}, S_{i_2,2} \ldots, S_{i_n,n}$ no necesariamente todas de la misma línea de montaje ($i_k = 1, 2$). Si el automóvil está en la estación $S_{i,j}$, transferirlo a la otra línea de montaje (es decir continuar en $S_{i',j+1}$ con $i' \neq i$) cuesta $t_{i,j}$. Encontrar el costo mínimo de fabricar un automóvil usando ambas líneas.

8. El juego $\nwarrow$U$\uparrow$P$\nearrow$ consiste en mover una ficha en un tablero de n filas por n columnas desde la fila inferior a la superior. La ficha se ubica al azar en una de las casillas de la fila inferior y en cada movimiento se desplaza a casillas adyacentes que estén en la fila superior a la actual, es decir, la ficha puede moverse a:

   - la casilla que está inmediatamente arriba,
   - la casilla que está arriba y a la izquierda (si la ficha no está en la columna extrema izquierda),
   - la casilla que está arriba y a la derecha (si la ficha no está en la columna extrema derecha).

   Cada casilla tiene asociado un número entero c_{ij} ($i, j = 1, \ldots, n$) que indica el puntaje a asignar cuando la ficha esté en la casilla. El puntaje final se obtiene sumando el puntaje de todas las casillas recorridas por la ficha, incluyendo las de las filas superior e inferior.

   Determinar el máximo y el mínimo puntaje que se puede obtener en el juego.

Los dos últimos ejercicios, también pueden resolverse planteando un grafo dirigido y recurriendo al algoritmo de Dijkstra. ¿De qué manera? ¿Serán soluciones más eficientes?