

Práctico 1 - Parte 3

1. Calculá el orden de complejidad de los siguientes algoritmos:

<pre>(a) proc <i>f1</i>(in <i>n</i> : nat) if <i>n</i> ≤ 1 then skip else for <i>i</i> := 1 to 8 do <i>f1</i>(<i>n</i> div 2) od for <i>i</i> := 1 to <i>n</i>³ do <i>t</i> := 1 od end</pre>	<pre>(b) proc <i>f2</i>(in <i>n</i> : nat) for <i>i</i> := 1 to <i>n</i> do for <i>j</i> := 1 to <i>i</i> do <i>t</i> := 1 od od if <i>n</i> > 0 then for <i>i</i> := 1 to 4 do <i>f2</i>(<i>n</i> div 2) od end</pre>
--	---

2. Dado un arreglo $a : \mathbf{array}[1..n] \text{ of } \mathbf{nat}$ se define una *cima* de a como un valor k en el intervalo $1, \dots, n$ tal que $a[1..k]$ está ordenado crecientemente y $a[k..n]$ está ordenado decrecientemente.

- Escribí un algoritmo que determine si un arreglo dado tiene cima.
- Escribí un algoritmo que encuentre la cima de un arreglo dado (asumiendo que efectivamente tiene una cima) utilizando una búsqueda secuencial, desde el comienzo del arreglo hacia el final.
- Escribí un algoritmo que resuelva el mismo problema del inciso anterior utilizando la idea de *búsqueda binaria*.
- Calculá y compará el orden de complejidad de ambos algoritmos.

3. El siguiente algoritmo calcula el mínimo elemento de un arreglo $a : \mathbf{array}[1..n] \text{ of } \mathbf{nat}$ mediante la técnica de programación *divide y vencerás*. Analizá la eficiencia de $\mathit{minimo}(1, n)$.

```
fun minimo(a : array[1..n] of nat, i, k : nat) ret m : nat
  if i = k then m := a[i]
  else
    j := (i + k) div 2
    m := min(minimo(a, i, j), minimo(a, j+1, k))
  fi
end fun
```

4. Ordená utilizando \square e \approx los órdenes de las siguientes funciones. No calcules límites, utilizá las propiedades algebraicas.

- $n \log 2^n$ $2^n \log n$ $n! \log n$ 2^n
- $n^4 + 2 \log n$ $\log(n^{n^4})$ $2^{4 \log n}$ 4^n $n^3 \log n$
- $\log n!$ $n \log n$ $\log(n^n)$

5. Sean K y L constantes, y f el siguiente procedimiento:

```
proc f(in n : nat)
  if n ≤ 1 then skip
  else
    for i := 1 to K do f(n div L) od
    for i := 1 to n4 do operación.de $\mathcal{O}(1)$  od
  end
```

Determiná posibles valores de K y L de manera que el procedimiento tenga orden:

- $n^4 \log n$
- n^4
- n^5

6. Escribí algoritmos cuyas complejidades sean (asumiendo que el lenguaje no tiene multiplicaciones ni logaritmos, o sea que no podés escribir **for** $i := 1$ **to** $n^2 + 2 \log n$ **do** ... **od**):

(a) $n^2 + 2 \log n$

(b) $n^2 \log n$

(c) 3^n

ejercicios adicionales

7. Una secuencia de valores x_1, \dots, x_n se dice que tiene *orden cíclico* si existe un i con $1 \leq i \leq n$ tal que $x_i < x_{i+1} < \dots < x_n < x_1 < \dots < x_{i-1}$. Por ejemplo, la secuencia 5, 6, 7, 8, 9, 1, 2, 3, 4 tiene orden cíclico (tomando $i = 6$).

(a) Escribí un algoritmo que determine si un arreglo almacena una secuencia de valores que tiene orden cíclico o no.

(b) Escribí un algoritmo que dado un arreglo $a : \mathbf{array}[1..n] \mathbf{of} \mathbf{nat}$ que almacena una secuencia de valores que tiene orden cíclico, realice una búsqueda secuencial en el mismo para encontrar la posición del menor elemento de la secuencia (es decir, la posición i).

(c) Escribí un algoritmo que resuelva el problema del inciso anterior utilizando la idea de *búsqueda binaria*.

(d) Calculá y compará el orden de complejidad de ambos algoritmos.

8. Calculá el orden de complejidad del siguiente algoritmo:

```
proc f3( $n : \mathbf{nat}$ )  
  for  $j := 1$  to 6 do  
    if  $n \leq 1$  then skip  
    else  
      for  $i := 1$  to 3 do f3( $n \mathbf{div} 4$ ) od  
      for  $i := 1$  to  $n^4$  do  $t := 1$  od  
    od
```